

# La pensée politique francophone



# **La démocratie et les élections**

**Pierre Claude  
François  
Daunou**  
(1761-1840)



# M É M O I R E

S U R

L E S É L E C T I O N S

A U S C R U T I N ,

PAR P. CL. F. DAUNOU, DE L'INSTITUT  
NATIONAL.



P A R I S .

BAUDOUIN, IMPRIMEUR DE L'INSTITUT NATIONAL.

---

PLUVIOSE AN XI (1803).

# **La théorie du choix social**

**Daunou: “Dans tout système d'élections, on peut et l'on doit même se proposer à la fois ces deux fins : l'une, d'obtenir de bons choix ; l'autre, de vérifier avec précision le vœu réel des électeurs. Il faut, d'une part, que la volonté générale soit éclairée, droite, équitable ; il faut, de l'autre, que l'expression de cette volonté soit authentique et fidèle.”**

**Rousseau: "Le Citoyen consent à toutes les lois, même à celles qu'on passe malgré lui... Quand on propose une loi dans l'assemblée du Peuple, ce qu'on leur demande n'est pas précisément s'ils approuvent la proposition ou s'ils la rejettent, mais si elle est conforme ou non à la volonté générale qui est la leur;... chacun en donnant son suffrage dit son avis là-dessus... Quand donc l'avis contraire au mien l'emporte, cela ne prouve autre chose sinon que je m'étais trompé... Si mon avis particulier l'eût emporté, j'aurais fait autre chose que ce que j'avais voulu, c'est alors que je n'aurais pas été libre."**

**Rousseau: "On doit concevoir par là, que ce qui généralise la volonté est moins le nombre des voix que l'intérêt commun qui les unit"**

# Marquis de Condorcet

(1743-1794)



ESSAI  
SUR L'APPLICATION  
DE L'ANALYSE  
À LA  
PROBABILITÉ  
DES DÉCISIONS

Rendues à la pluralité des voix.

*Par M. LE MARQUIS DE CONDORCET, Secrétaire perpétuel  
de l'Académie des Sciences, de l'Académie Française, de  
l'Institut de Bologne, des Académies de Pétersbourg, de  
Turin, de Philadelphie & de Padoue.*

---

Quòd si deficiant vires audacia certè  
Laus erit, in magnis & voluisse fat est.

---



A PARIS,  
DE L'IMPRIMERIE ROYALE.

---

M. DCCLXXXV.

# **La mathématisation des sciences sociales**

**Daunou: "Si vous partez d'hypothèses fausses, d'énumérations incomplètes, de définitions obscures; s'il reste quelque méprise dans l'observation des faits, quelque vide dans les données, quelque ambiguïté dans les termes, les calculs établis sur de telles bases ne feront que développer une série d'erreurs parfaitement bien enchaînée, et l'appareil mathématique n'aura servi qu'à inspirer un grand respect pour des illusions."**

# Les élections au scrutin

**Daunou: “Hors le cas de l'unanimité, cas qui exclut tout embarras, on a communément pris ou voulu prendre pour volonté générale la volonté du plus grand nombre. Mais qu'est-ce que le plus grand nombre?”**

# Jean-Charles de Borda

(1733-1799)



## M É M O I R E

## SUR LES ÉLECTIONS AU SCRUTIN \*.

Par M. DE BORDA.

C'EST une opinion généralement reçue, & contre laquelle je ne sache pas qu'on ait jamais fait d'objection, que dans une élection au scrutin, la pluralité des voix indique toujours le vœu des électeurs, c'est-à-dire, que le Candidat qui obtient cette pluralité, est nécessairement celui que les électeurs préfèrent à ses concurrents. Mais je vais faire voir que cette opinion, qui est vraie dans le cas où l'élection se fait entre deux sujets seulement, peut induire en erreur dans tous les autres cas.

Supposons, par exemple, que l'élection se fasse entre trois sujets présentés *A, B, C*; & que les électeurs soient au nombre de 21 : supposons encore que de ces 21 électeurs, il y en ait 13, qui préfèrent le sujet *B* au sujet *A*, & que 8 seulement préfèrent le sujet *A* au sujet *B*; que ces mêmes 13 électeurs donnent aussi la préférence à *C* sur *A*, tandis que les 8 autres la donnent à *A* sur *C*; il est clair qu'alors le sujet *A* aura, dans l'opinion collective des électeurs, une infériorité très-marquée, tant par rapport à *B* que par rapport à *C*, puisque chacun de ces derniers, comparé au sujet *A*, a 13 voix, tandis que le sujet *A* n'en a que 8; d'où il suit évidemment que le vœu des électeurs donneroit l'exclusion au sujet *A*. Néanmoins il pourroit arriver qu'en faisant l'élection à la manière ordinaire, ce sujet eût la pluralité des voix. En effet, il n'y a qu'à supposer que dans le nombre des 13 électeurs qui sont favorables aux sujets *B* & *C*, & qui donnent à l'un & à l'autre la préférence sur *A*, il y en ait 7 qui mettent *B*

\* Les idées contenues dans ce Mémoire, ont déjà été présentées à l'Académie il y a quatorze ans, le 16 Juin 1770.

# Critique de la pluralité des voix

8

7

6

A

B

C

C

C

B

B

A

A

**Pluralité:  $A > B > C$**

**La majorité rejette A:**

**13 B > 8 A**

**13 C > 8 A**

8

7

6

A

B

C

D

D

D

C

C

B

B

A

A

**Borda: "le défaut vient de ce que dans cette forme d'élection les électeurs ne peuvent faire connaître d'une manière assez complète leur opinion sur les différents sujets présentés. ... pour qu'une forme d'élection soit bonne, il faut qu'elle donne aux électeurs le moyen de prononcer sur le mérite de chaque sujet, comparé successivement aux mérites de chacun de ses concurrents"**

# La méthode Borda

8

7

6

A (3)

B (3)

C (3)

C (2)

C (2)

B (2)

B (1)

A (1)

A (1)

$$A = (8 \cdot 3) + (7 \cdot 1) + (6 \cdot 1) = 37$$

$$B = (8 \cdot 1) + (7 \cdot 3) + (6 \cdot 2) = 41$$

$$C = (8 \cdot 2) + (7 \cdot 2) + (6 \cdot 3) = 48$$

**L'intensité**

**Daunou: "Si je ne puis faire usage que des nombres 3, 2, 1 pour voter sur A, B, C, ces nombres signifient bien les rangs que j'assigne à ces 3 sujets; mais il n'exprimeront pas la mesure des préférences que j'accorde à l'un sur les autres.**

**... Le rang qu'on assigne à un candidat, et le rapport de l'estime qu'on lui accorde à l'estime qu'on a pour chacun de ses concurrents, sont deux idées tellement distinctes, que je suis étonné qu'on ait jamais pu les confondre. Le rang est variable selon le nombre des sujets, le rapport est constant; et ni l'intervention de quelques sujets de plus, ni la disparition de quelques-uns, ne peuvent l'altérer."**

**L'indépendance des  
alternatives non pertinentes**

# **1. L'indépendance du classement des autres candidats**

Situation 1

Situation 2

A

A

B

C

C

B

## **2. L'indépendance de la disponibilité des autres candidats**

13

8

13

8

A

B

A

B

B

A

B

C

C

A

A=34  
B=29

A=47  
B=50  
C=29

**Daunou: "en prenant le numérotage des rangs pour l'expression de l'intensité des préférences, le résultat général dépend de l'étendue ou des limites de la liste des candidats. ... sur la question simple entre A et B, il doit exister en faveur de l'un un vœu général que les questions relatives à d'autres concurrents ne puissent point effacer, reproduire, et dénaturer à chaque minute."**

**Condorcet: "La méthode ordinaire trompe, parce qu'on y fait abstraction de jugements qui devraient être comptés; la nouvelle méthode trompe, parce qu'on a égard à des jugements qui ne devraient pas être comptés."**

**Manipulabilité**

**Daunou: "L'usage de ce scrutin dans l'Institut, surtout dans les classes de l'Institut, a manifesté l'abus qu'on en peut faire. On a vu que des électeurs pouvaient favoriser le candidat par eux préféré, non seulement en le plaçant au premier rang, ce qui est juste, mais aussi en reléguant tout exprès à la fin des listes ses concurrens les plus redoutables."**

# **1. Manipulation par le moyen d'une fausse représentation des préférences**

13

8

13

8

A

B

A

B

B

A

B

C

C

C

C

A

A=55

B=50

C=21

A=47

B=50

C=29

## **2. Manipulation de la liste des candidates**

13

8

13

8

A

B

A

B

B

A

B

C

C

A

A=34  
B=29

A=47  
B=50  
C=29

8

7

6

A

B

C

C

C

B

B

A

A

**Borda: "Mon scrutin n'est fait  
que pour d'honnêtes gens."**